

令和 8 年度個別学力検査問題
(国際資源学部, 教育文化学部, 医学部,
総合環境理工学部, 情報データ科学部)

数 学

前 期 日 程

注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで, この問題冊子の中を見てはいけません。
- 2 この問題冊子は, 6 ページあり, 問題は(1)から(6)まで6題あります。解答用紙は3枚あります。計算用紙(白紙)は2枚あります。
試験中に問題冊子の印刷不鮮明, ページの乱丁・落丁および解答用紙の汚れ等に気づいた場合は, 手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 3 受験する学部等により, それぞれ以下の3題が出題されます。
国際資源学部は(3), (4), (5)
教育文化学部(初等中等教育コース理数型を除く)は(1), (2), (3)
教育文化学部(初等中等教育コース理数型)は(3), (4), (5)
医学部は(4), (5), (6)
総合環境理工学部は(3), (4), (5)
情報データ科学部(文系 a)は(1), (2), (3)
情報データ科学部(理系 a・b)は(3), (4), (5)
をそれぞれ解答しなさい。
- 4 監督者の指示に従って, 解答用紙に受験番号と氏名を記入しなさい。
- 5 1枚の解答用紙に1つの問題を解答しなさい。また, 解答用紙の指定された()内に解答する問題の番号を記入しなさい。
- 6 解答を表に記入しきれない場合は, その解答用紙の裏に記入してもよい。その場合, 解答用紙の表の右下に「裏に記入」と明記しなさい。ただし, 解答用紙の裏の上部(破線の上の部分)には解答を記入してはいけません。
- 7 解答用紙の回収の時には, 上から問題の番号が小さい順に3枚の解答用紙を重ねなさい。
- 8 配付された解答用紙は持ち帰ってはいけません。
- 9 試験終了後, 問題冊子および計算用紙は持ち帰りなさい。

問題訂正 「数学」

●5 ページ 問題番号 (5) (ii)

誤

- (ii) 導関数 $\frac{dy}{dx}$ を θ の式で表しなさい。また、P における C の接線 l の方程式を求めなさい。

正

- (ii) $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ において, 導関数 $\frac{dy}{dx}$ を θ の式で表しなさい。また、P における C の接線 l の方程式を求めなさい。

(1) $f(x) = \frac{2}{3}x^2 - 2x + 4$ とする。次の問いに答えなさい。

(i) 放物線 $y = f(x)$ の頂点の座標を求めなさい。

(ii) $0 \leq x \leq 2$ における $f(x)$ の最大値と最小値を求めなさい。また、そのときの x の値を求めなさい。

(iii) a を定数とする。 $a \leq x \leq a + 2$ における $f(x)$ の最小値を求めなさい。また、そのときの x の値を求めなさい。必要ならば a を用いてよい。

(2) a, b を定数とする。 $f(x) = 4x^3 + 3ax^2 - 6x + b$ は、 $x = -\frac{1}{2}$ で極値 $\frac{7}{4}$ をとる。次の問いに答えなさい。

(i) a, b の値を求めなさい。

(ii) $-1 \leq x \leq 2$ における $f(x)$ の最大値と最小値を求めなさい。

(iii) 2つの曲線 $y = f(x)$, $y = x^3$ で囲まれた図形の面積 S を求めなさい。

(3) $\triangle ABC$ の頂点 A, B, C を通る円の中心を O とする。

$AB = 1, BC = 2, CA = \sqrt{2}$ のとき、次の問いに答えなさい。

(i) 内積 $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ を求めなさい。

(ii) 辺 AB の中点を M とするとき、内積 $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{OM}$ を求めなさい。

(iii) \overrightarrow{AO} を \overrightarrow{AB} と \overrightarrow{AC} を用いて表しなさい。

(4) 座標平面上の円 $x^2 + y^2 = 1$ を C_1 とする。次の問いに答えなさい。

(i) 点 $(3, 4)$ を中心とする円 C_2 と、 C_1 が外接するとき、 C_2 の方程式を求めなさい。

(ii) a を定数とし、円 $(x - a)^2 + (y - a)^2 = 9$ を C_3 とする。 C_3 が C_1 と共有点をもたないとき、 a のとりうる値の範囲を求めなさい。

(iii) r を正の定数とし、円 $(x - 1)^2 + y^2 = r^2$ を C_4 とする。 C_1 と C_4 が2つの交点 A, B をもち、線分 AB の長さが $\sqrt{3}$ となる時、 r の値を求めなさい。

(5) 座標平面上に媒介変数 θ を用いて

$$x = \frac{\sqrt{2}}{\cos \theta}, \quad y = \tan \theta \quad \left(-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} < \theta < \frac{3\pi}{2} \right)$$

と表される曲線を C とする。 $\theta = \frac{\pi}{4}$ に対応する C 上の点を P とするとき、次の問いに答えなさい。

- (i) 媒介変数 θ を消去して x と y の関係式を求めなさい。
- (ii) 導関数 $\frac{dy}{dx}$ を θ の式で表しなさい。また、 P における C の接線 ℓ の方程式を求めなさい。
- (iii) k を定数とする。 C と直線 $y = x + k$ が異なる 2 点 A, B で交わる時、 k のとりうる値の範囲を求めなさい。また、 k がその範囲を動くとき、線分 AB の中点 M の座標を k を用いて表し、 M の軌跡を求めなさい。
- (iv) $\theta = 0$ に対応する C 上の点を Q とする。 $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$ に対応する C の部分と直線 PQ で囲まれた図形を、 x 軸のまわりに 1 回転させてできる立体の体積 V を求めなさい。

(6) 複素数平面上の3点 $P(a)$, $Q(z)$, $R(w)$ は原点 $O(0)$ と異なり,

$$a = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i, \quad w = (1+a)z + 1 + \bar{a}$$

とする。ただし、 i は虚数単位とし、 \bar{a} は a の共役な複素数とする。2直線 OQ , OR が垂直に交わる時、次の問いに答えなさい。

(i) $(1+a)\beta + 1 + \bar{a} = 0$ を満たす複素数 β を求めなさい。

(ii) $|z - a|$ の値を求めなさい。

(iii) $|z| = |w|$ のとき、 $\triangle OQR$ の面積 S を求めなさい。